

Svetlana Janković  
Julka Knežević-Miljanović

# DIFERENCIJALNE JEDNAČINE I

ZADACI SA ELEMENTIMA TEORIJE

MATEMATIČKI FAKULTET  
BEOGRAD, 2000.

# САДРЖАЈ

# Sadržaj

Predgovor ..... i

## ГЛАВА ПРВА

### Diferencijalne jednačine u normalnom obliku 3–16

§ 1.1 Opšti pojmovi i definicije .....	3
§ 1.2 Integral diferencijalne jednačine .....	8
§ 1.3 Singularno rešenje .....	12
§ 1.4 Geometrijska interpretacija rešenja .....	14

## ГЛАВА ДРУГА

### Integerabilni tipovi DJ u normalnom obliku 17–69

§ 2.1 DJ koja razdvaja promenljive .....	17
§ 2.2 Homogena diferencijalna jednačina .....	25
§ 2.3 Linearna diferencijalna jednačina .....	34
§ 2.4 Bernoullijeva diferencijalna jednačina .....	43
§ 2.5 Darbouxova diferencijalna jednačina .....	46
§ 2.6 Riccatijeva diferencijalna jednačina .....	49
§ 2.7 DJ sa totalnim diferencijalom .....	55
§ 2.8 Integracioni faktor .....	60

## ГЛАВА ТРЕЋА

### Egzistencija i jedinstvenost rešenja DJ u nor. obliku 70–88

§ 3.1 Neki pomoćni stavovi .....	70
§ 3.2 Egzistencija i jedinstvenost rešenja .....	77

## ГЛАВА ЧЕТВРТА

### DJ koje nisu rešene po prvom izvodu 89–116

§ 4.1 Opšti pojmovi i definicije .....	89
§ 4.2 DJ koje se rešavaju bez parametrizacije .....	90
§ 4.3 Opšta metoda parametrizacije .....	96
§ 4.4 Lagrangeova i Clairautova DJ .....	107

## ГЛАВА ПЕТА

### Diferencijalne jednačine n-tog reda 119–140

§ 5.1 Opšti pojmovi i definicije .....	119
§ 5.2 Neki integrabilni tipovi nelinearnih DJ .....	124

## ГЛАВА ШЕСТА

### Linearne diferencijalne jednačine 141–199

§ 6.1 Linearan diferencijalni operator .....	141
§ 6.2 Fundamentalan sistem rešenja .....	142
§ 6.3. Lineарне DJ sa konstantnim koeficijentima .....	156
§ 6.4. Linearne DJ sa funkcionalnim koeficijentima .....	166
§ 6.5. Oscilatornost rešenja linearnih DJ drugog reda .....	193

## ГЛАВА СЕДМА

### Granični problemi 200–224

§ 7.1 Opšti granični problem .....	200
§ 7.2 Sturm-Liouvilleov granični problem .....	203
§ 7.3 Greenova funkcija .....	213

## ГЛАВА ОСМА

### Rešavanje DJ pomoću stepenih redova 226–271

§ 8.1. Predstavljanje rešenja u obliku analitičke funkcije .....	226
§ 8.2 Regularno–singularne tačke .....	237
§ 8.3 Neke specijalne funkcije kao rešenja DJ .....	252

Literatura .....	272
Matematičari koji se pominju u knjizi .....	273